

## **ABSTRAK**

Nama : Ida Indah Sari  
Program Studi : Matematika  
Judul : Pelabelan Harmonis pada Graf Hati Bolak-balik  $H_n$

Salah satu cabang matematika yang dapat dikatakan tengah berkembang pesat adalah teori graf, termasuk pelabelan graf yang menjadi salah satu topik pembahasan di dalamnya. Dalam topik pelabelan graf, terdapat beberapa jenis pelabelan, salah satunya dibahas pada penelitian ini yaitu tentang pelabelan harmonis. Hasil temuan dari graf harmonis sampai saat ini dapat dikatakan masih sedikit diantara jenis pelabelan lainnya. Pada penelitian ini, dibahas proses konstruksi pelabelan harmonis pada suatu graf yang merupakan hasil modifikasi dari graf tangga segitiga  $LS_n$ , sedemikian sehingga menghasilkan graf baru yaitu graf hati bolak-balik  $H_n$ . Dengan bentuk konstruksi dari graf  $H_n$ , kemudian diberi label dari setiap simpul dan sisi, dibuktikan secara formal sesuai definisi, sedemikian sehingga ditunjukkan bahwa graf hati bolak-balik  $H_n$  merupakan graf harmonis.

Kata kunci :

*graf hati bolak-balik, graf harmonis, pelabelan graf.*

## **ABSTRACT**

Name : Ida Indah Sari  
Study Program : Mathematics  
Title : Harmonious Labeling of Alternating Heart Graph  $H_n$

One of the branches of mathematics that can be said to be developing rapidly is graph theory, including graph labeling which is one of the topics of discussion in it. In the topic of graph labeling, there are several types of labeling, one of which is discussed in this study, namely harmonic labeling. The findings from harmonious graphs so far can be said to be few among other types of labeling. In this research, discussed the construction process of harmonious labeling on a graph which is a modified result of the triangular ladder graph  $LS_n$ , to produce a new graph, an alternating heart graph  $H_n$ . With the construction form of the graph  $H_n$ , then labeled from each vertex and edge, it is formally proven according to the definition, so it is shown that the alternating heart graph  $H_n$  is harmonious.

*Keywords :*

*alternating heart graph, harmonious graph, labeling graph.*